

尤溪一中 2018-2019 学年下学期高一数学周测 (三) 答案解析

第 1 题答案 C

第 1 题解析

$$\text{解: } \because \frac{c}{\sin C} = \frac{b}{\sin B}, \therefore \sin B = \frac{b \cdot \sin C}{c} = \frac{4\sqrt{3} \times \frac{1}{2}}{2} = \sqrt{3} > 1,$$

\therefore 无解.

第 2 题答案 D

第 2 题解析

由 $2c^2 = 2a^2 + 2b^2 + ab$ 得 $c^2 = a^2 + b^2 - \frac{1}{2}ab$, 由余弦定理可知: $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$, 所以有

$$\cos C = -\frac{1}{4} < 0,$$

故 C 为钝角, 选 D.

第 3 题答案 C

第 3 题解析

$$2 \cos A = \frac{b}{c}, 2 \cos A = \frac{c}{b},$$

$$\therefore \frac{b}{c} = \frac{c}{b}, \text{ 即 } b = c,$$

$$\therefore \cos A = \frac{1}{2}, A = 60^\circ,$$

$\therefore \triangle ABC$ 为等边三角形.

第 4 题答案 A

第 4 题解析

$$\because C = 120^\circ, c = \sqrt{2}a, \therefore 2a^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos 120^\circ, \therefore a^2 = b^2 + ab, \therefore \left(\frac{b}{a}\right)^2 + \frac{b}{a} - 1 = 0, \therefore$$

$$\frac{b}{a} = \frac{\sqrt{5} - 1}{2} < 1, \therefore a > b \text{ 故选 A.}$$

第 5 题答案 D

第 5 题解析

$$\text{由正弦定理 } \frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B}, \text{ 得 } \frac{\sqrt{3}}{\sin A} = \frac{\sqrt{2}}{\sin 45^\circ}, \text{ 故 } \sin A = \frac{\sqrt{3}}{2}, \text{ 又 } A \in (0, \pi), \therefore A = 60^\circ \text{ 或 } 120^\circ.$$

第 6 题答案 B

第 6 题解析

$$\therefore S_{\triangle ABC} = S_{\triangle ABD} + S_{\triangle ADC},$$

$$\therefore \frac{1}{2} \times 3 \times 1 \times \sin 60^\circ = \frac{1}{2} \times 3 \cdot AD \cdot \sin 30^\circ + \frac{1}{2} \times 1 \cdot AD \cdot \sin 30^\circ, \therefore AD = \frac{3\sqrt{3}}{4}.$$

第 7 题答案 C

第 7 题解析

(1) 对;

(2) 一个长方体和一个侧棱不垂直底面的平行六面体的底面全等, 将平行六面体放在长方体上面, 易知其不是棱柱, 错误;

(3) \because 母线与底面圆垂直, \therefore 不是任意两点的连线, 错误;

(4) 将两个相同的棱锥底面重合在一起, 则不是棱锥, 错误.

第 8 题答案 C

第 8 题解析

$$\text{中截面的面积为 4 个单位, } \frac{V_1}{V_2} = \frac{1 + \sqrt{1 \times 4} + 4}{4 + \sqrt{1 \times 9} + 9} = \frac{7}{19}.$$

第9题答案 A

第9题解析

由已知得, 所得圆柱的底面半径和高均为1, 所以圆柱的侧面积为 2π , 选A.

第10题答案 B

第10题解析

用一平面去截球所得截面的面积为 π , 所以小圆的半径为1.

已知球心到该截面的距离为1, 所以球的半径为 $r = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$,

所以球的体积为: $\frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{8\sqrt{2}}{3}\pi$,

故答案为: $\frac{8\sqrt{2}}{3}\pi$.

第11题答案 B

第11题解析

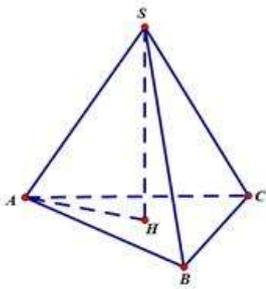
①中以斜边为轴旋转不是圆锥; ②以上下底旋转不是圆锥; ③圆柱, 圆锥, 圆台底面是圆面; ④当平面平行底面是正确的, 否则不是.

第12题答案

$$\frac{2\sqrt{2}}{3}$$

第12题解析

过S作SH⊥面ABC, 则H是△ABC的中心, 连接AH.



$$\text{则 } S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \times 2 \times 2 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3}, \quad \sqrt{3} \cdot AH = \frac{2}{3} \times \sqrt{3} = \frac{2\sqrt{3}}{3},$$

$$\text{在 } Rt\triangle SAH \text{ 中, } SH = \sqrt{SA^2 - AH^2} = \sqrt{4 - \frac{4}{3}} = \frac{2\sqrt{6}}{3},$$

$$\text{所以 } V_{S-ABC} = \frac{1}{3} \times \sqrt{3} \times \frac{2\sqrt{6}}{3} = \frac{2\sqrt{2}}{3}.$$

第13题答案

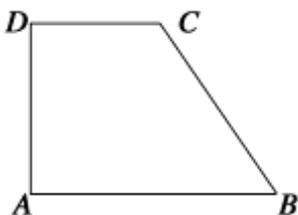
$$8\sqrt{2}$$

第13题解析

作DE⊥AB于E, CF⊥AB于F,

则AE=BF=ADcos45°=1, 所以CD=EF=3. 将原图复原(如图), 则原四边形应为直角梯形, ∠A=90°, AB=5, CD=3, AD=2√2.

$$\text{所以 } S_{ABCD} = \frac{1}{2} \times (5+3) \times 2\sqrt{2} = 8\sqrt{2}$$



第 14 题答案

等边三角形

第 14 题解析

由正弦定理得: $a^2 = bc$, 又 $2a = b + c$, 所以 a, b, c 必相等, 因此 $\triangle ABC$ 的形状为等边三角形.

第 15 题答案

1或2

第 15 题解析

由余弦定理得 $BC^2 = AC^2 + AB^2 - 2AC \cdot AB \cos 30^\circ$, 即 $1 = AC^2 + 3 - 2\sqrt{3}AC \times \frac{\sqrt{3}}{2}$, 解得 $AC = 1$ 或 $AC = 2$.

第 16 题答案 见解答

第 16 题解析

(1) 设四棱柱的底面边长为 x , 侧棱长为 y , 则有 $\frac{\sqrt{2}}{2}x = \frac{\sqrt{16-4-y}}{\sqrt{16-4}}$,

$$\text{则 } y = 2\sqrt{3} - \frac{\sqrt{6}}{2}x$$

$$\therefore S_{\text{侧}} = 4x \times y = 4x(2\sqrt{3} - \frac{\sqrt{6}}{2}x) (0 < x < 2\sqrt{2}).$$

$$(2) S_{\text{侧}} = -2\sqrt{6}(x - \sqrt{2})^2 + 4\sqrt{6},$$

则当 $x = \sqrt{2}$ 时, $S_{\text{侧}}$ 有最大值.

即四棱柱的侧面积最大时, 该四棱柱的底面边长为 $\sqrt{2}$.

第 17 题答案

$$(1) \quad (2) \frac{23}{27}$$

第 17 题解析

$$(1) \text{ 由 } \overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{BC} = 2 \text{ 得 } c \cdot a \cos B = 2,$$

$$\text{又 } \cos B = \frac{1}{3}, \text{ 所以 } ac = 6,$$

$$\text{由余弦定理, 得 } a^2 + c^2 = b^2 + 2ac \cos B,$$

$$\text{又 } b = 3, \text{ 所以 } a^2 + c^2 = 9 + 2 \times 2 = 13,$$

$$\text{解 } \begin{cases} ac = 6 \\ a^2 + c^2 = 13 \end{cases}, \text{ 得 } a = 2, c = 3 \text{ 或 } a = 3, c = 2,$$

因为 $a > c$, 所以 $a = 3, c = 2$.

$$(2) \text{ 在 } \triangle ABC \text{ 中, } \sin B = \sqrt{1 - \cos^2 B} = \sqrt{1 - (\frac{1}{3})^2} = \frac{2\sqrt{2}}{3},$$

$$\text{由正弦定理, 得 } \sin C = \frac{c}{b} \sin B = \frac{2}{3} \cdot \frac{2\sqrt{2}}{3} = \frac{4\sqrt{2}}{9}.$$

$$\text{因 } a = b > c, \text{ 所以 } C \text{ 为锐角, 因此 } \cos C = \sqrt{1 - \sin^2 C} = \sqrt{1 - (\frac{4\sqrt{2}}{9})^2} = \frac{7}{9}$$

$$\text{于是 } \cos(B - C) = \cos B \cos C + \sin B \sin C$$

$$= \frac{1}{3} \cdot \frac{7}{9} + \frac{2\sqrt{2}}{3} \cdot \frac{4\sqrt{2}}{9} = \frac{23}{27}$$

